## **Primer parcial Segundo Cuatrimestre 2013**

## Tema D - 21/10/2013 - Análisis Numérico I (75.12 95.04) - Curso nro. 6

## Ejercicio nro. 1

Dado el siguiente sistema lineal  $A \cdot x = b$ . Se pide lo siguiente:

$$\begin{bmatrix} 2,5 & 0 & 15 \\ 0,15 & 5,2 & 1,5 \\ 10 & 0,25 & 1,5 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 28 \\ 18 \\ -9,3 \end{pmatrix}$$

- a) Hallar la solución del sistema mediante el método de Gauss sin pivoteo utilizando una grilla de punto flotante de 2 dígitos significativos y redondeo simétrico. (15 puntos).
- b) Utilizar la solución de (a) con la misma grilla para aplicar refinamiento iterativo. (15 puntos).
- c) Sabiendo que el número de condición de A vale 3 en norma infinito, y con los resultados de (a) y (b) indicar si es factible obtener una estimación del K(A) y si dicha estimación es buena.
  - Comparar los resultados de (a) y (b) con la solución exacta  $x = \begin{pmatrix} -1 & 2.9 & 2 \end{pmatrix}^t$ . ¿Está el sistema mal condicionado? Explique. (10 puntos).
- d) Indique si puede resolver el sistema por el método de Jacobi utilizando la misma grilla de (a) y si fuera necesario realice los intercambios de filas para poder utilizar dicho método (10 puntos).
- e) Resolver el SEL determinado por (d) mediante el método de Jacobi realizando 5 iteraciones y partiendo del vector  $x_0 = 0$ . Compare con los resultados de a), b) y la solución exacta. (15 puntos).

Efectuar todos los cálculos en forma explícita cuando se opere con la grilla.

## Ejercicio nro. 2

Aplique los dos métodos que se enuncian a continuación para hallar uno de los ceros de  $f(x) = x^6 + x^4 + x^2 - 12$  con una exactitud de  $10^{-3}$ . Determine el intervalo de convergencia de ambos métodos de punto fijo para que se satisfagan las condiciones del TPF.

- a) Mediante la función de iteración de punto fijo  $g(x) = \sqrt{12 x^2 / (x^2 + 1)}$ . (20 puntos).
- b) Mediante el método de Newton-Raphson. (15 puntos).

Utilice en ambos casos  $x_0 = 1$  como semilla de las iteraciones (no se puede utilizar otro valor inicial).

Calcule, asimismo, el orden de convergencia y la constante asintótica del error en **forma analítica** para las mismas. Tenga en cuenta que en el intervalo deben estar incluidos algunos de los puntos obtenidos en las iteraciones de a y b (no se puede colocar cualquier intervalo).