Primer parcial - Tema A - 16/05/2011

Primer Cuatrimestre 2011

Análisis Numérico I (75.12) - Curso nro. 7

Ejercicio nro. 1

Dado el siguiente sistema lineal Ax=b. Se pide lo siguiente:

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 20 & 44 & 2400 \\ 5 & 10 & 14 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2400 \\ 9 \end{pmatrix}$$

- a) Hallar la solución del sistema mediante el método de Gauss sin pivoteo utilizando una grilla de punto flotante de 2 dígitos significativos y redondeo. (15 puntos).
- b) Utilizar la solución de (a) con la misma grilla para aplicar refinamiento iterativo. (15 puntos).
- c) Con los resultados de (a) y (b) indicar si es factible obtener una estimación del K(A). Comparar los resultados de (a) y (b) con la solución exacta $x = \begin{pmatrix} -11 & 5 & 1 \end{pmatrix}^t$ ¿Está el sistema mal condicionado? Explique. (10 puntos).

Efectuar todos los cálculos en forma explícita cuando se opere con la grilla.

Ejercicio nro. 2

Aplique los dos métodos que se enuncian a continuación para hallar el cero de $f(x) = 3 \cdot x^2 - e^x$ con una exactitud de 10^{-4} . Determine el intervalo de convergencia de ambos métodos para que se satisfagan las condiciones del TPF. Utilice en ambos casos $x_0 = 1$:

- a) Mediante la función de iteración de punto fijo $g(x) = \sqrt{\frac{e^x}{3}}$. (20 puntos).
- b) Mediante el método de Newton-Raphson. (15 puntos).

Calcule, asimismo, el orden de convergencia y la constante asintótica del error en **forma analítica** para las mismas.

<u>Ejercicio nro. 3</u>

a) Dadas las siguientes 4 condiciones, se pide hallar el polinomio interpolante de menor grado que las satisface, calculando con dicho polinomio P(0,5). (15 puntos).

$$x$$
 $f(x)$ $f^{(1)}(x)$
0 -1 -1
1 0,28172 3,28172

b) Sabiendo que $f(x) = 3 \cdot x^2 - e^x$, calcular el error verdadero y la acotación del error para el punto x=0.5. (10 puntos).