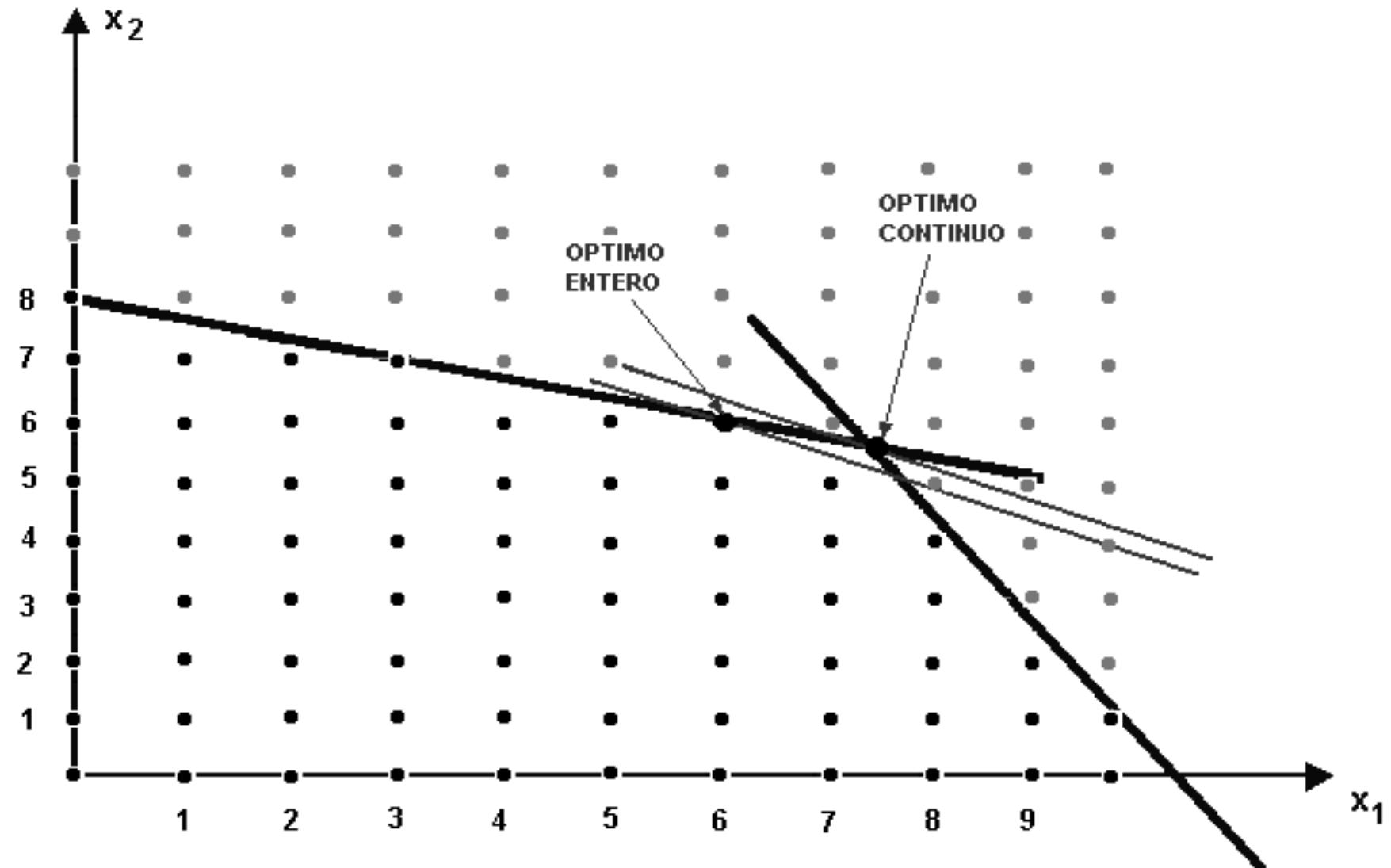
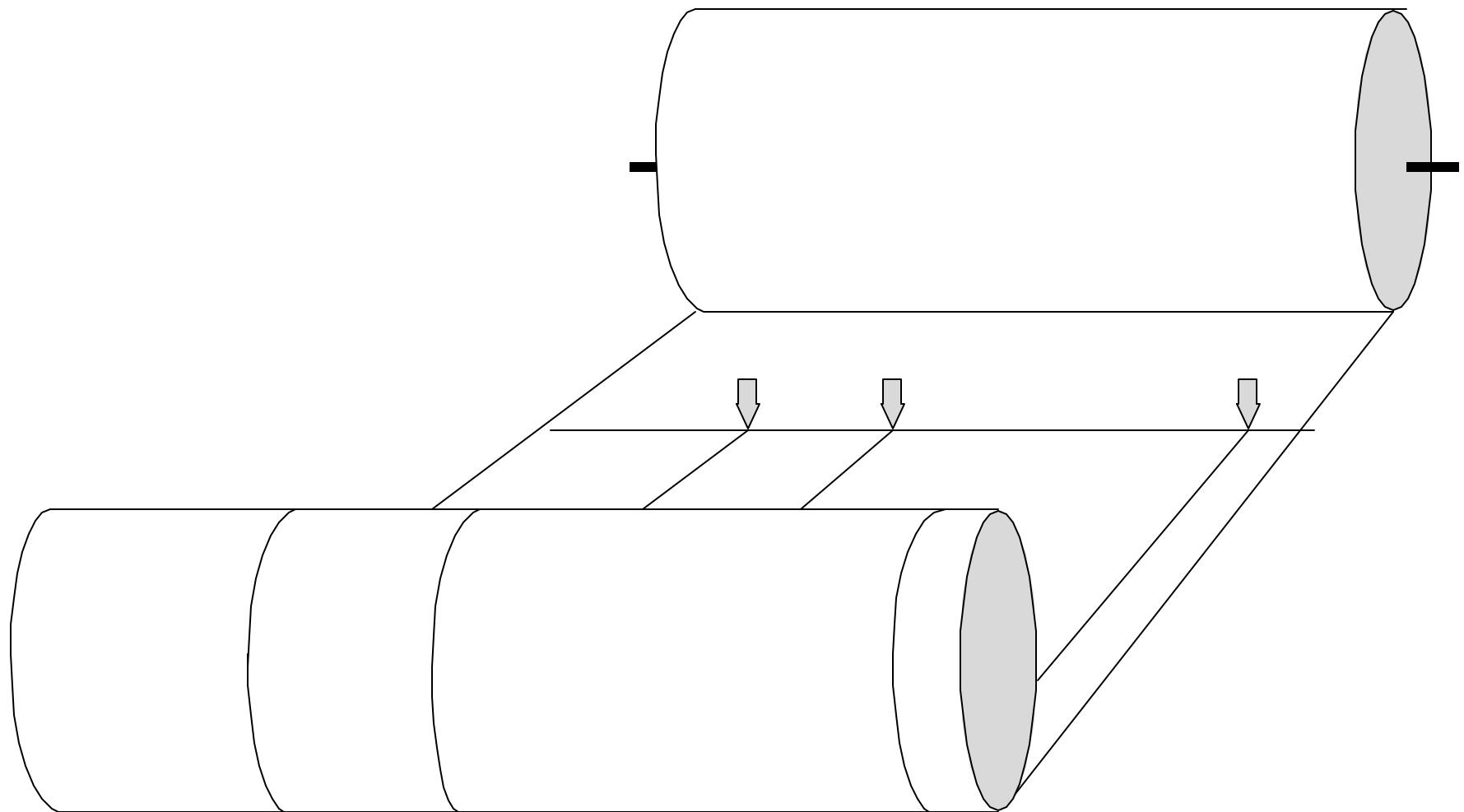


PROGRAMACIÓN ENTERA





- ANCHO DE BOBINA: 60”
- REQUERIMIENTOS:
 - 28”..... 30 BOBINAS.
 - 20”..... 60 BOBINAS.
 - 15”..... 48 BOBINAS
- OBJETIVO: Minimizar desperdicio

	N1	N2	N3	N4	N5	N6	N7	RHS
28)	2	1	1					\geq 30
20)		1		3	2	1		\geq 60
15)			2		1	2	4	\geq 48
Z)	4	12	2	0	5	10	0	\Rightarrow Min

N_i no negativas, enteras

	N1	N2	N3	N4	N5	N6	N7	RHS
28)	2	1	1					\geq 30
20)		1		3	2	1		\geq 60
15)			2		1	2	4	\geq 48
Z)	1	1	1	1	1	1	1	\Rightarrow Min

N_i no negativas, enteras

MAX: $60 x_1 + 50 x_2$

Sujeto a: $2 x_1 + 4 x_2 \leq 80$

$3 x_1 + 2 x_2 \leq 55$

$x_1 \leq 16$

$x_2 \leq 18$

siendo: x_1, x_2 enteras y NN

$x_1 =$	7.50
$x_2 =$	16.25
$Z =$	1262. 5

x_2

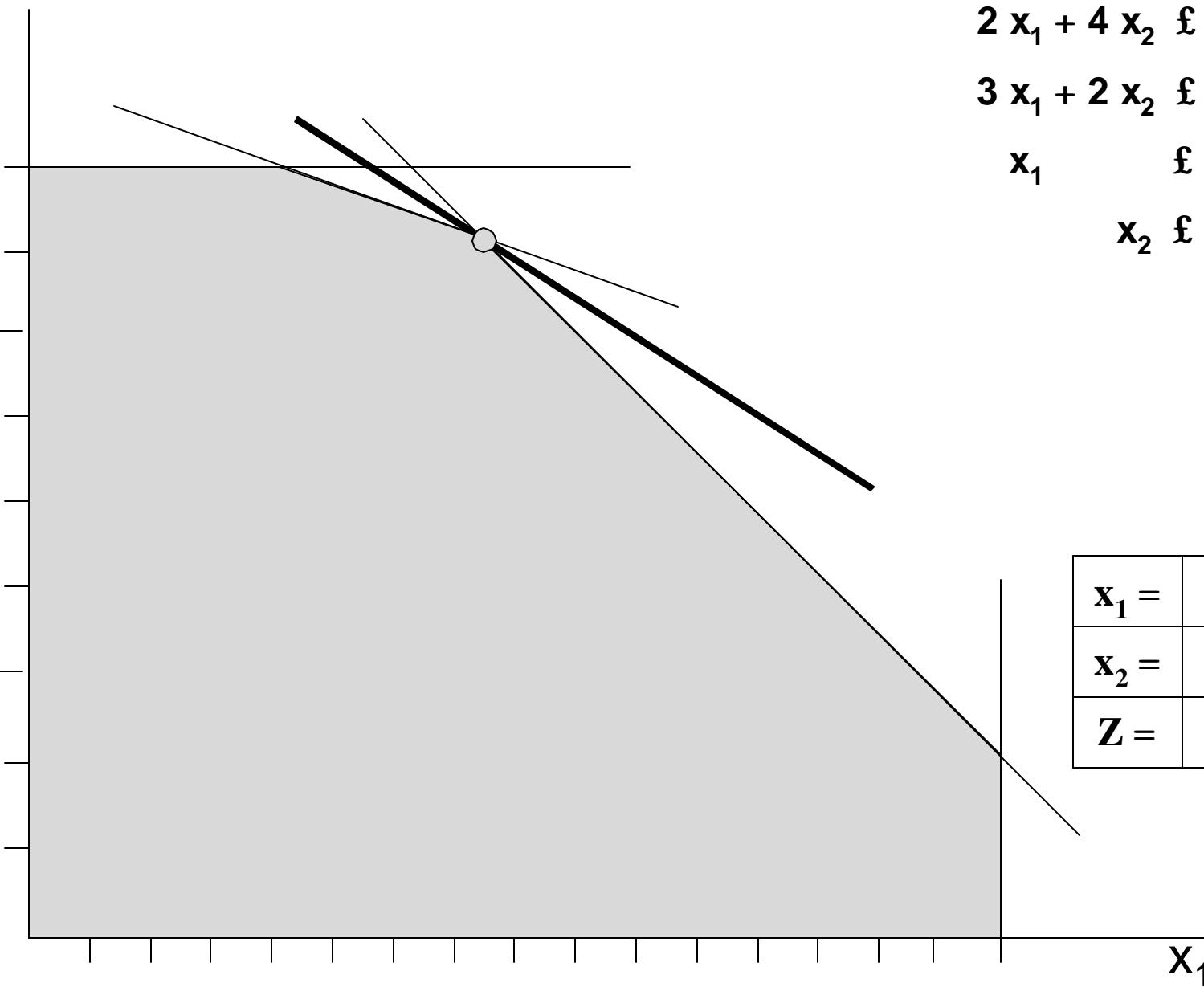
$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

$$x_1 \leq 16$$

$$x_2 \leq 18$$

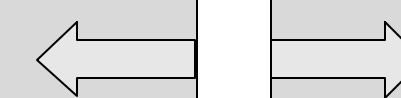


$x_1 =$	7.50
$x_2 =$	16.25
$Z =$	1262.5

x_2 x_1 **RAMA A****RAMA B**

7

8



x_2

$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

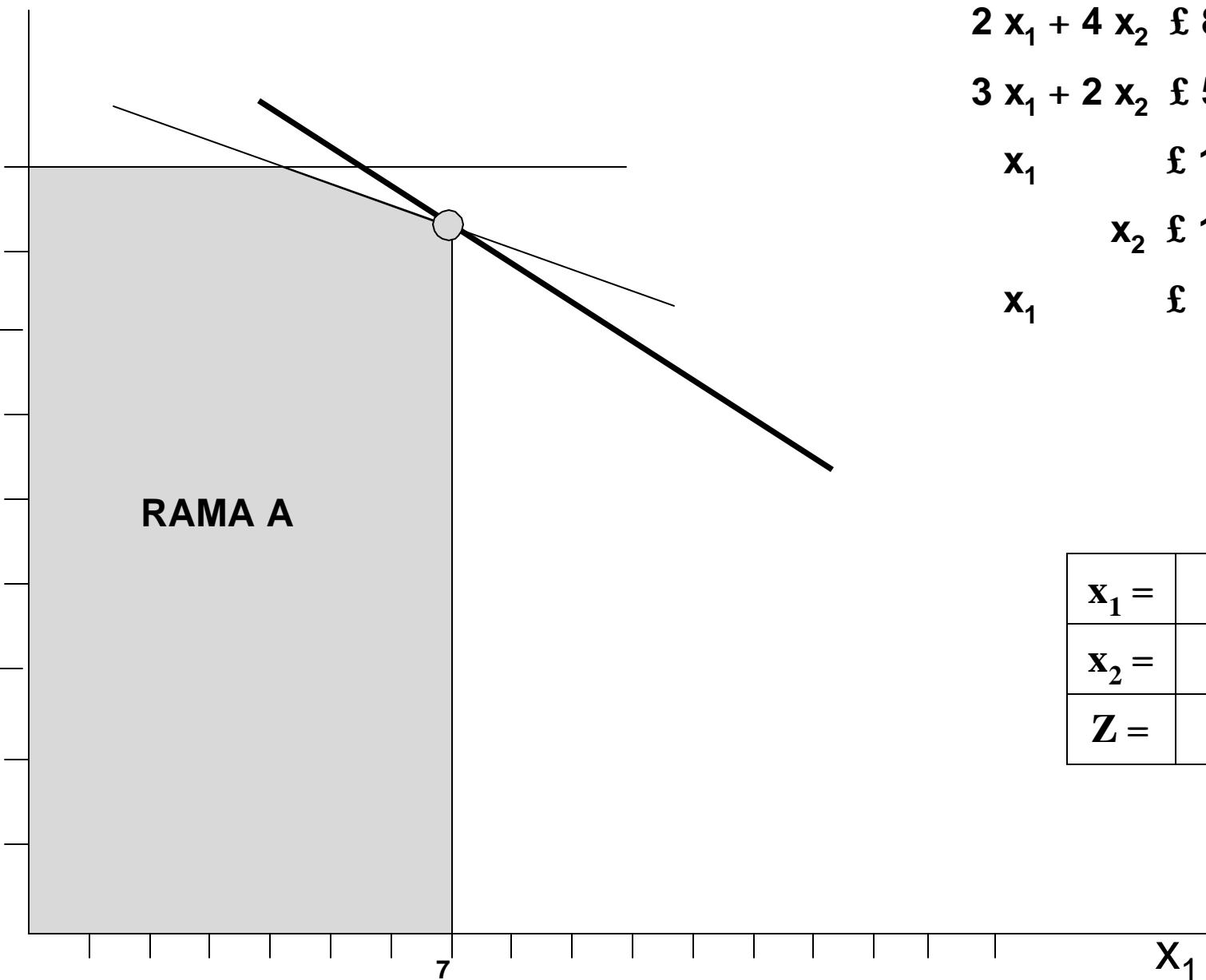
$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

$$x_1 \leq 16$$

$$x_2 \leq 18$$

$$x_1 \geq 7$$

RAMA A



$x_1 =$	7
$x_2 =$	16.5
$Z =$	1245

x_2

$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

$$x_1 \leq 16$$

$$x_2 \leq 18$$

$$x_1 \geq 8$$

RAMA B

$x_1 =$	8
$x_2 =$	15.5
$Z =$	1255

x_1

8

x_2

$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

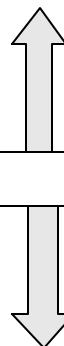
$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

$$x_1 \leq 16$$

$$x_2 \leq 18$$

$$x_1 \geq 8$$

RAMA B2



RAMA B1

8

x_1

x_2

$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

$$x_1 \leq 16$$

$$x_2 \leq 18$$

$$x_1 \geq 8$$

$$x_2 \geq 15$$

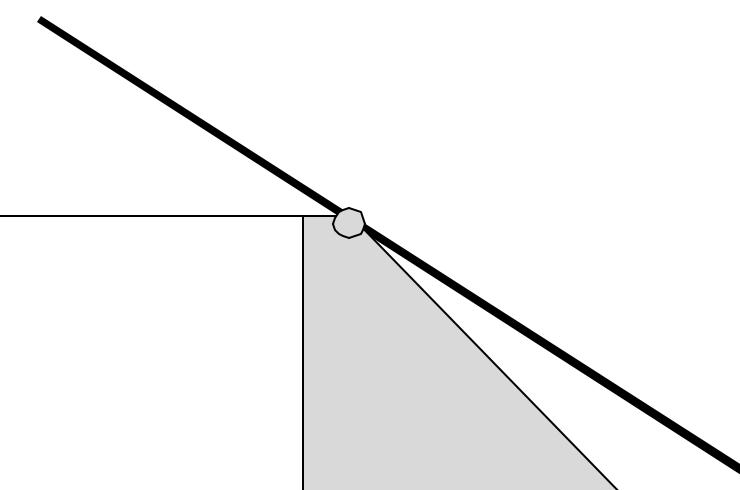
15

RAMA B1

8

 x_1

$x_1 =$	8.33
$x_2 =$	15
$Z =$	1250



x_2

16

RAMA B2

8

$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

$$x_1 \leq 16$$

$$x_2 \leq 18$$

$$x_1 \geq 8$$

$$x_2 \geq 16$$

$x_1 =$	---
$x_2 =$	---
$Z =$	INCOMP.

x_2

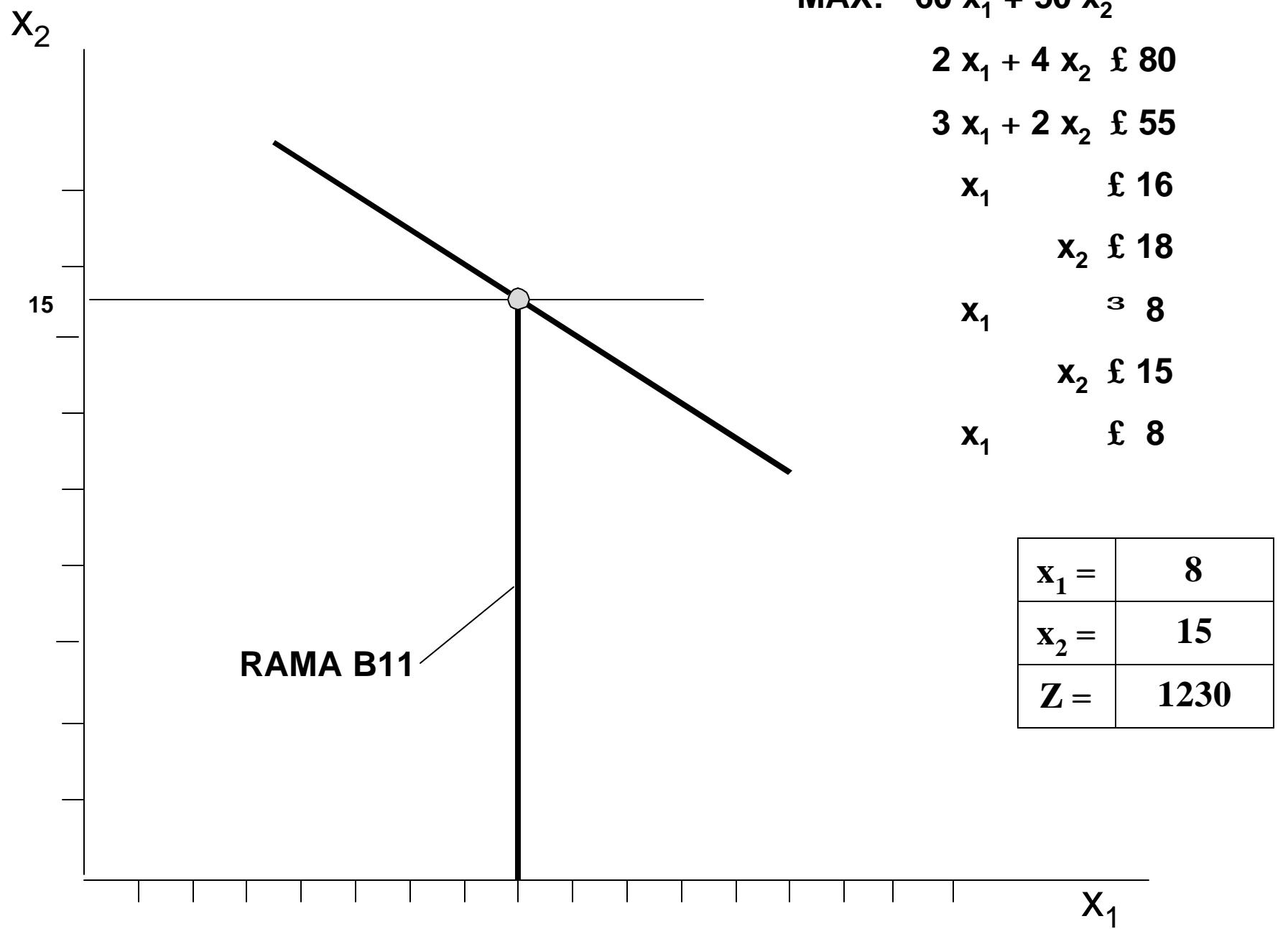
15

RAMA B11

8 9

RAMA B12

x_1



x_2

14

8 9

 x_1

$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

$$x_1 \leq 16$$

$$x_2 \leq 18$$

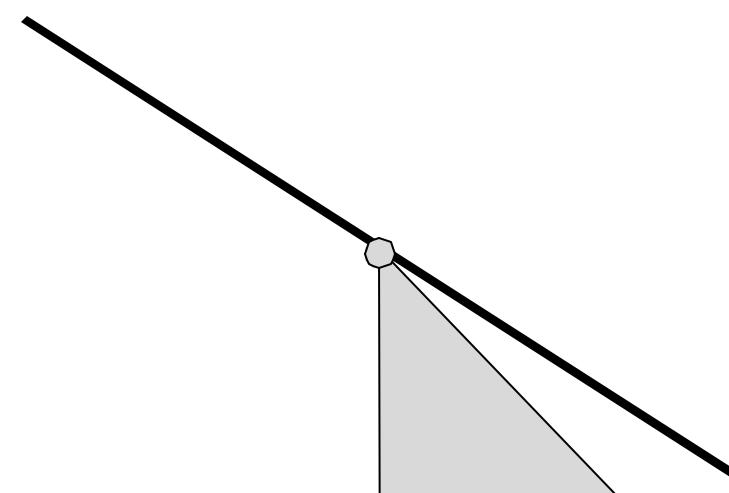
$$x_1 \geq 8$$

$$x_2 \leq 15$$

$$x_1 \geq 9$$

RAMA B12

$x_1 =$	9
$x_2 =$	14
$Z =$	1240



x_2

$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

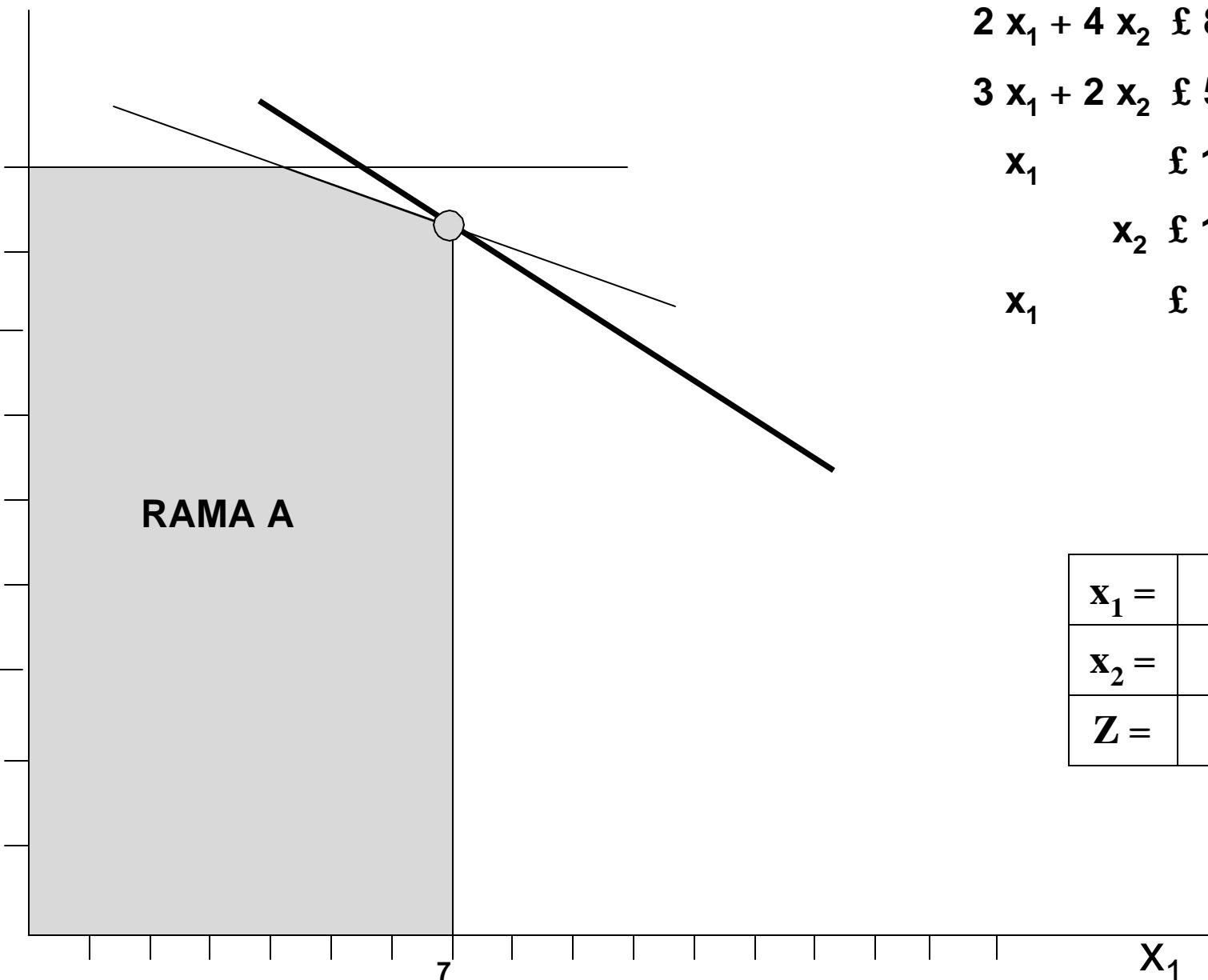
$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

$$x_1 \leq 16$$

$$x_2 \leq 18$$

$$x_1 \geq 7$$

RAMA A

$x_1 =$	7
$x_2 =$	16.5
$Z =$	1245

x_2

RAMA A2

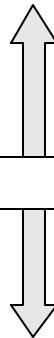
17

16

RAMA A1

7

x_1



x_2

16

RAMA A1

7

$$\text{MAX: } 60x_1 + 50x_2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 80$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 55$$

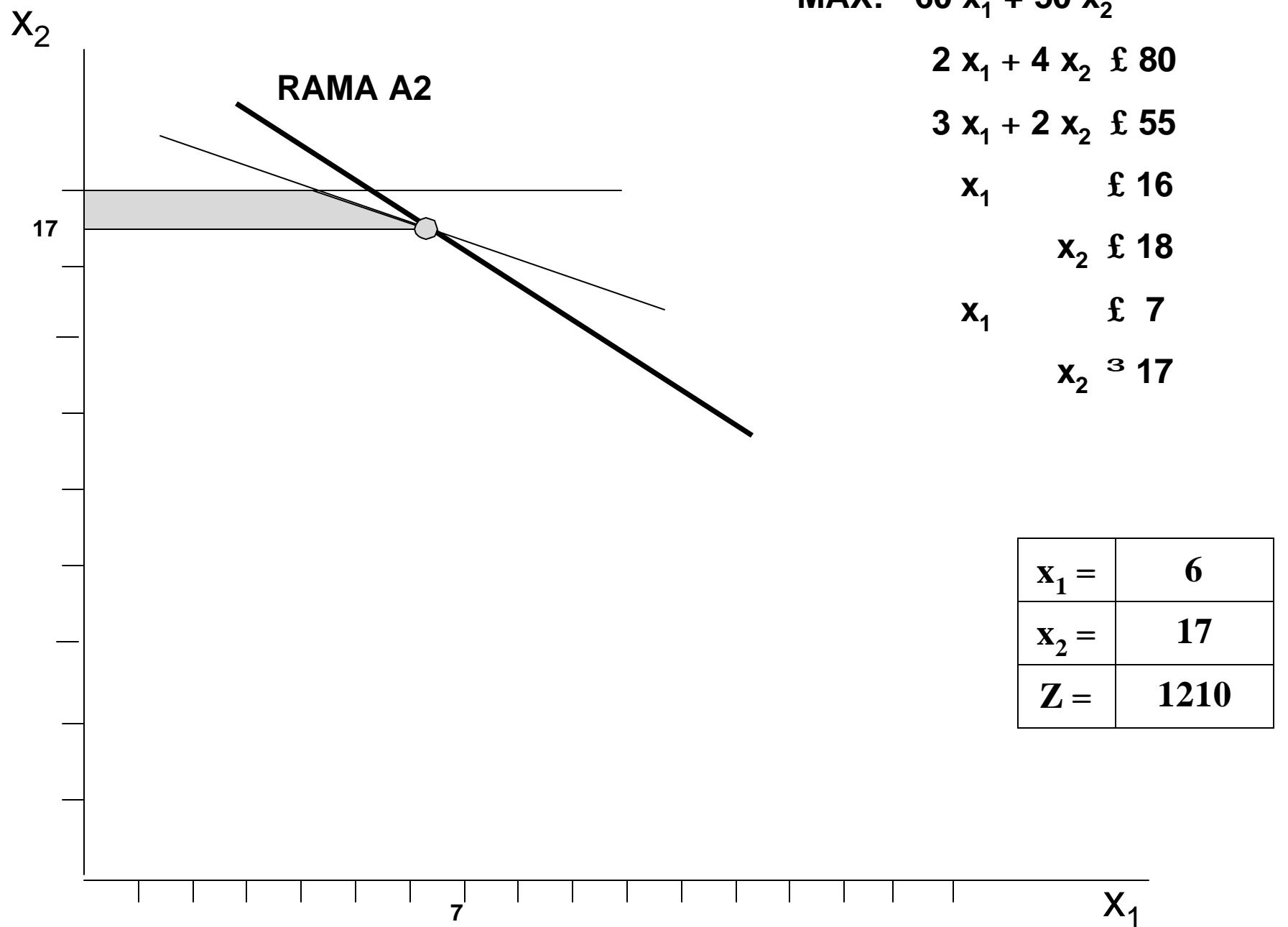
$$x_1 \leq 16$$

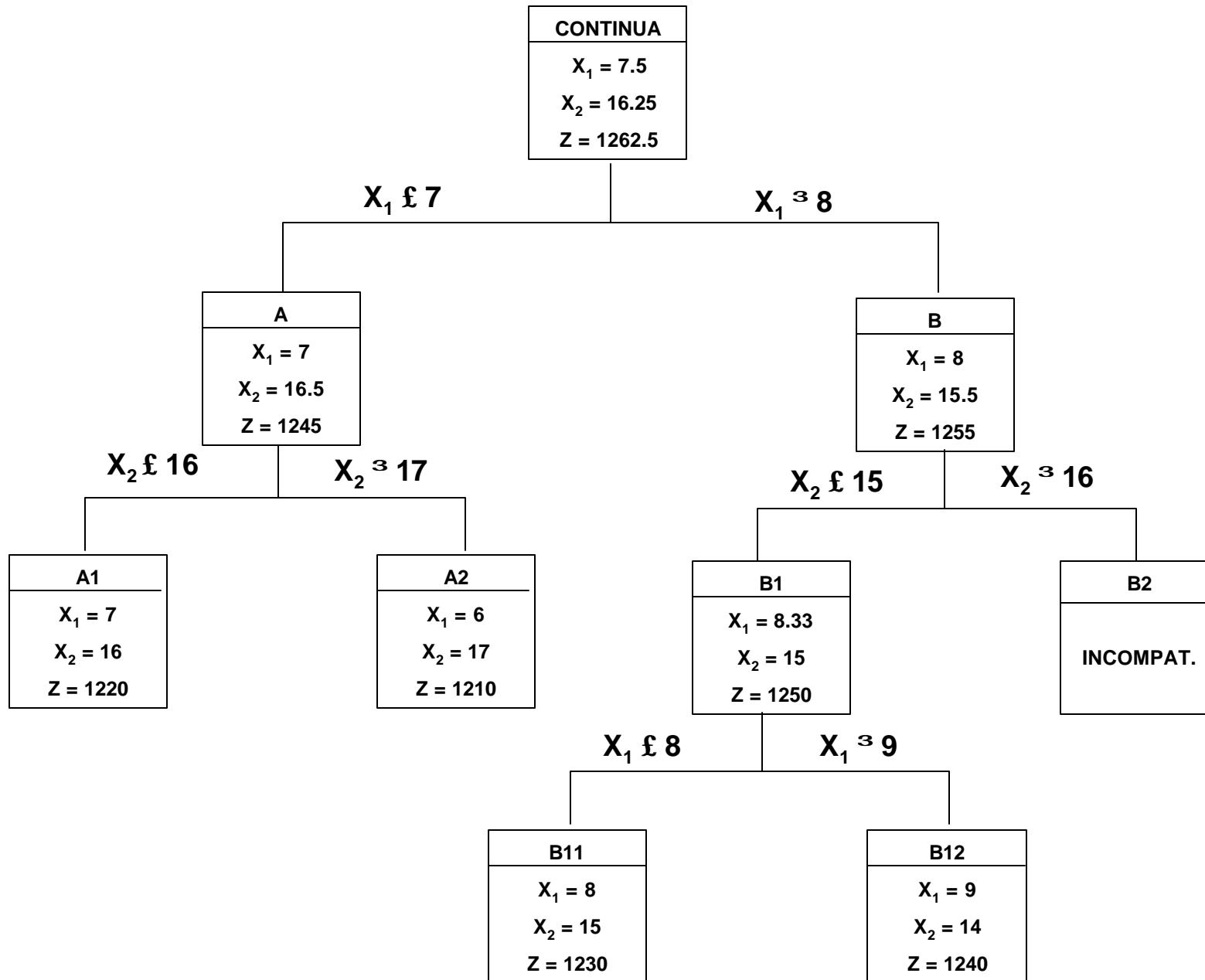
$$x_2 \leq 18$$

$$x_1 \leq 7$$

$$x_2 \leq 16$$

$x_1 =$	7
$x_2 =$	16
$Z =$	1220





PROGRAMACIÓN BINARIA

- Variables Binarias

$$I_i$$

Se utilizan para

- Activar o desactivar actividades
- Activar o desactivar restricciones

Pueden asumir valores 0 o 1 solamente

Activación de una variable continua

$$x_i - M \cdot I_i \leq 0$$

Lote mínimo

- Si se fabrica A, se deben producir más de 100 unidades:

$$x_A - M I_A \leq 0$$

$$x_A - 100 I_A \geq 0$$

Exclusión de alternativas

- En una torre de destilación con una capacidad de 1000 m³ por día se puede procesar uno solo de los crudos A, B y C:

$$x_A - 1000 l_A \leq 0$$

$$x_B - 1000 l_B \leq 0$$

$$x_C - 1000 l_C \leq 0$$

$$l_A + l_B + l_C \leq 1$$

Exclusión de alternativas

- En el caso anterior: Se pueden procesar como máximo dos tipos de crudos

$$x_A - 1000 I_A \leq 0$$

$$x_B - 1000 I_B \leq 0$$

$$x_C - 1000 I_C \leq 0$$

$$x_A + x_B + x_C \leq 1000$$

$$I_A + I_B + I_C \leq 2$$

Inclusión de alternativas

- En el caso anterior: Se deben procesar como mínimo 200 m³ de dos tipos de crudos

$$x_A - 1000 l_A \leq 0$$

$$x_A - 200 l_A \geq 0$$

$$x_B - 1000 l_B \leq 0$$

$$x_B - 200 l_B \geq 0$$

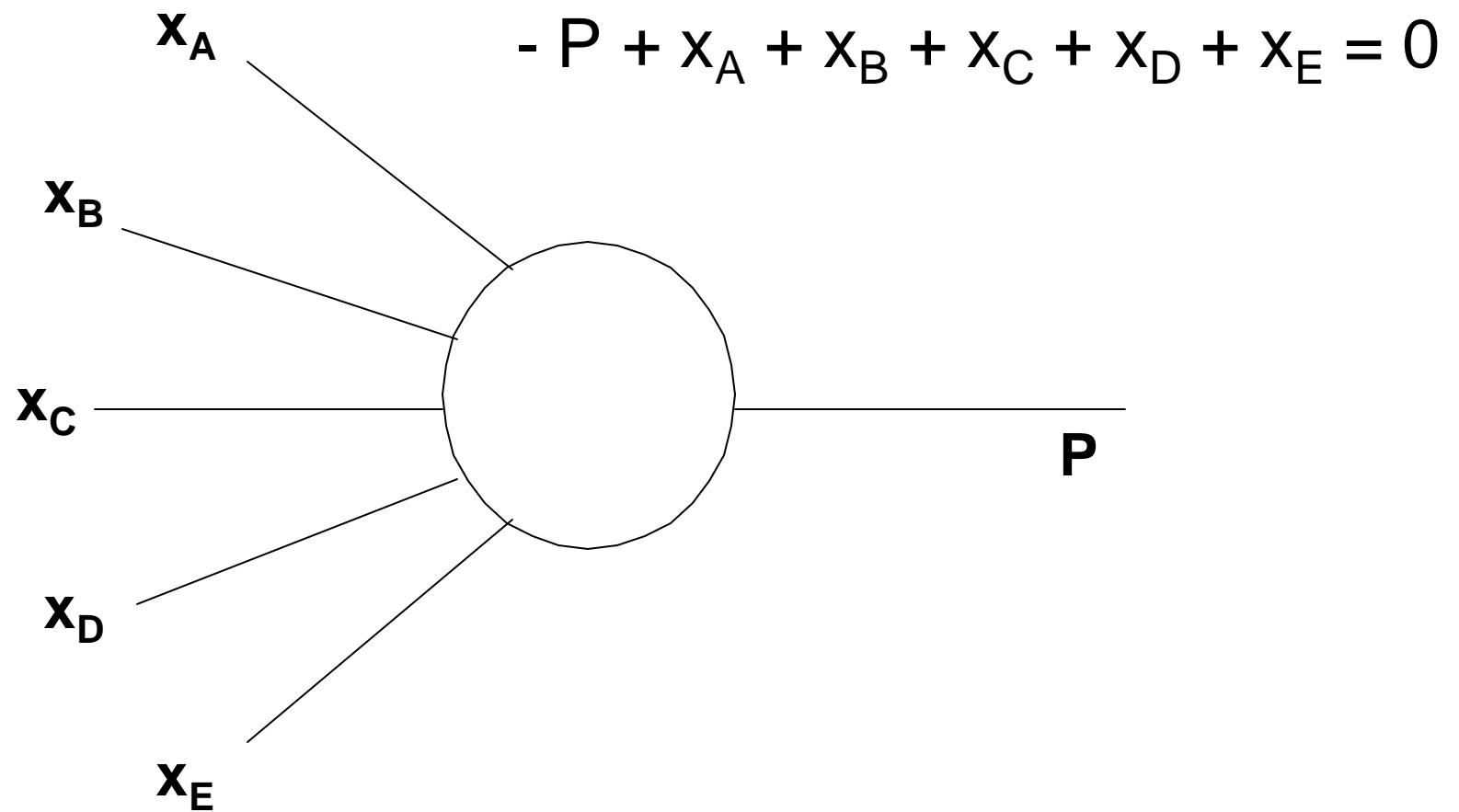
$$x_C - 1000 l_C \leq 0$$

$$x_C - 200 l_C \geq 0$$

$$x_A + x_B + x_C \leq 1000$$

$$l_A + l_B + l_C \geq 2$$

Mezcla de productos



$$x_A - M I_A \leq 0$$

$$x_B - M I_B \leq 0$$

$$x_C - M I_C \leq 0$$

$$x_D - M I_D \leq 0$$

$$x_E - M I_E \leq 0$$

Si “A” está incluido, “B” debe estar incluido

$$I_B - I_A \geq 0$$

Por lo menos 200 m³ de “B”:

$$x_B - 200 I_A \geq 0$$

Si “A” está incluido, “B” también debe estar incluido, y viceversa:

$$I_B - I_A = 0$$

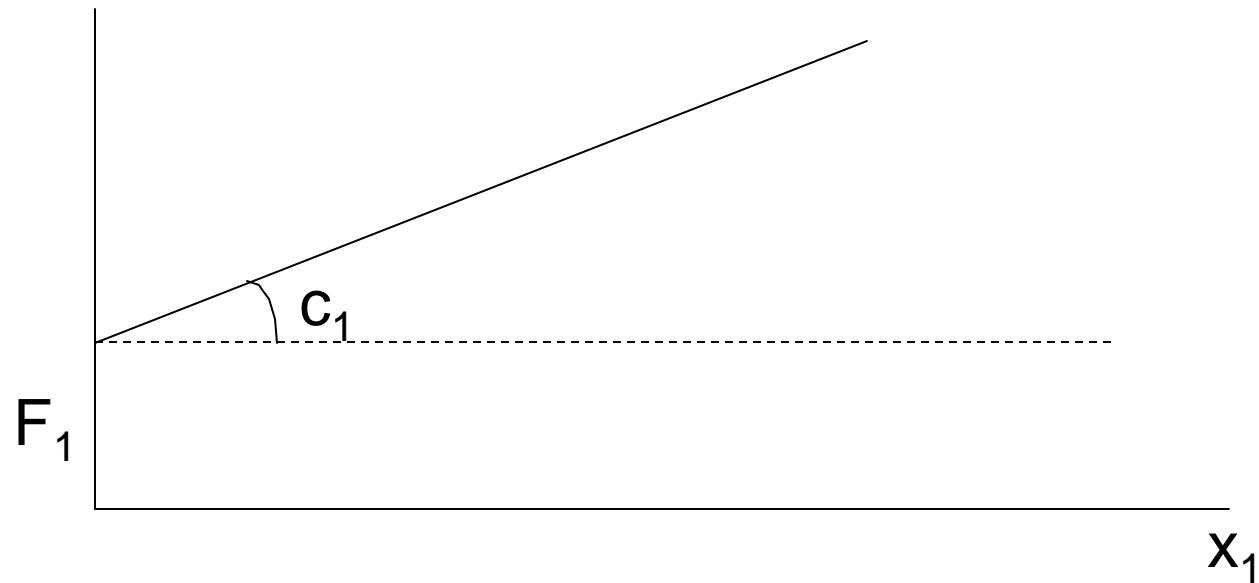
Si A o B o ambos están incluidos, debe estar por lo menos uno de C, D o E incluidos en la mezcla

$$I_B + I_A - 2I \leq 0$$

$$-I_C - I_D - I_E + I \leq 0$$

COSTO FIJO

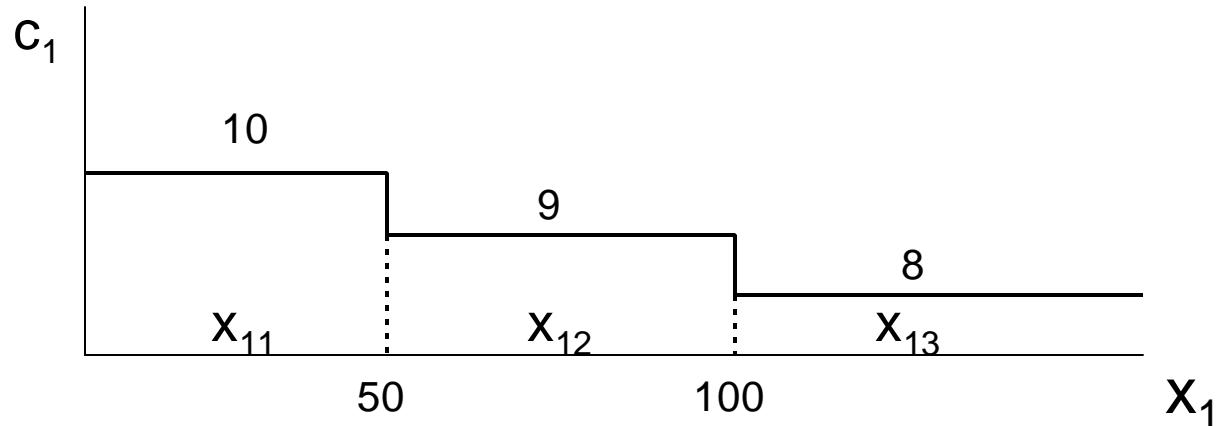
- Si se elabora un producto x_1 , se incurre en costo variable c_1 y costo fijo F_1



$$x_1 - M I_1 \leq 0$$

$$Z = \dots + c_1 X_1 + F_1 I_1 + \dots \Rightarrow \text{Min}$$

DESCUENTO POR CANTIDAD



$$-x_1 + x_{11} + x_{12} + x_{13} = 0 \quad x_{13} - M l_3 \leq 0$$

$$x_{11} - 50 l_1 \leq 0 \quad x_{13} - 100 l_3 \geq 0$$

$$x_{12} - 50 l_2 \geq 0 \quad l_1 + l_2 + l_3 = 1$$

$$x_{12} - 100 l_2 \leq 0 \quad Z = \dots + 10 x_{11} + 9 x_{12} + 8 x_{13} + \dots \Rightarrow \text{Min}$$

ACTIVACIÓN DE UNA RESTRICCIÓN

- Si “A” se produce, entonces hay que agregar la siguiente restricción

$$9x_3 + 12x_4 \leq 200:$$

$$9x_3 + 12x_4 + M I_A \leq M + 200$$

ELECCIÓN DE DISTINTAS ALTERNATIVAS DEL MISMO PROCESO

- La disponibilidad de Estampado puede ser de 40.000, 48.000 o 54.000 segundos por semana

$$6x_1 + 16x_2 \leq 40000l_1 + 48000l_2 + 54000l_3$$

$$l_1 + l_2 + l_3 \leq 1$$

ELECCIÓN DE PROCESOS ALTERNATIVOS

- Se puede elegir la tecnología A o la tecnología B para estampado
 - Tecnología A: 6 seg. de A y 16 seg. de B
Disponibilidad: 48000 seg. por semana
 - Tecnología B: 8 seg. de A y 14 seg. de B
Disponibilidad: 50000 seg. por semana

$$6x_1 + 16x_2 \leq 48000 + M.I_B$$

$$8x_1 + 14x_2 \leq 50000 + M.I_A$$

$$I_A + I_B \leq 1$$

RECINTOS NO CONVEXOS

$$x_2 \leq 3 \quad \text{para } x_1 \leq 2$$

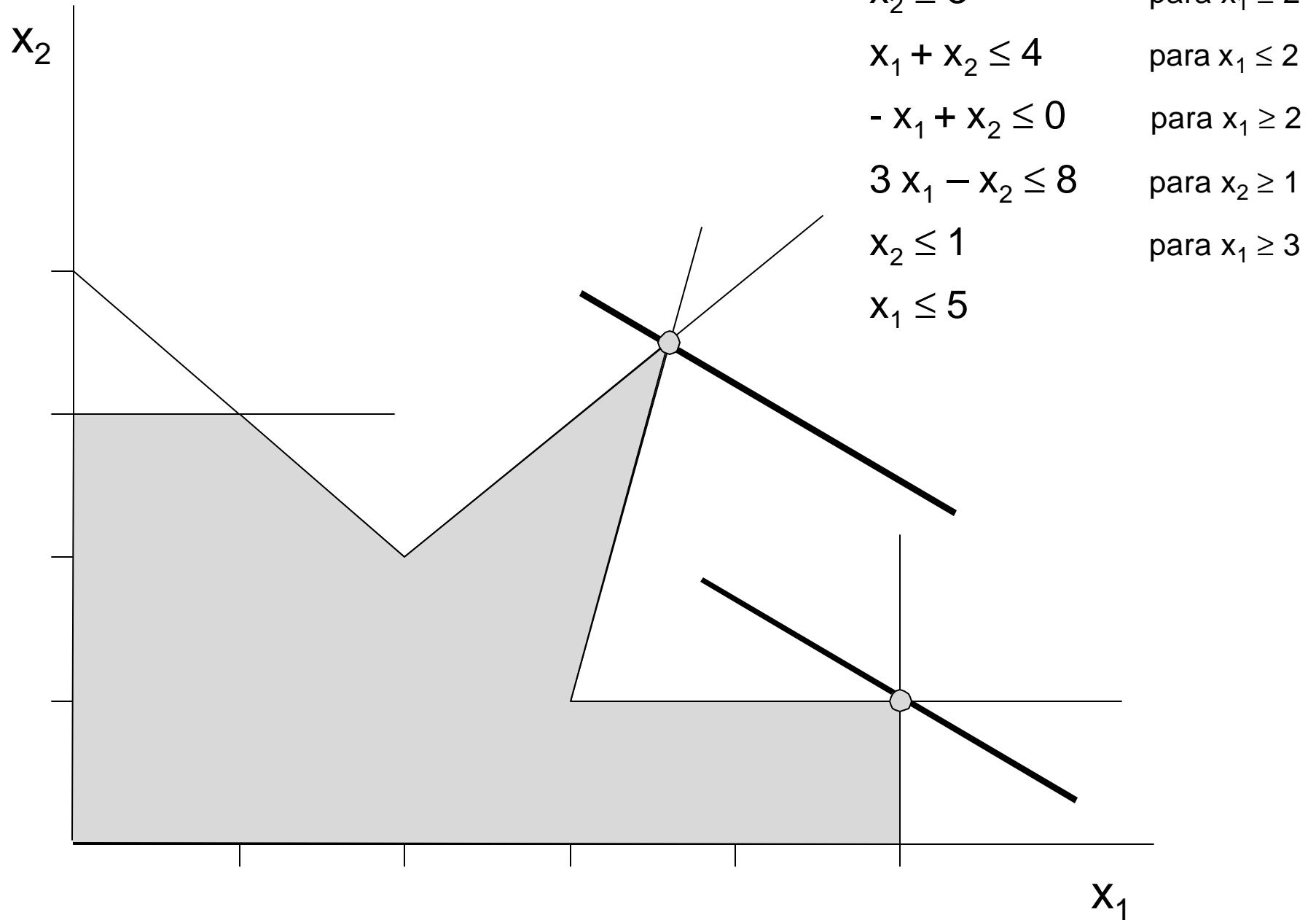
$$x_1 + x_2 \leq 4 \quad \text{para } x_1 \leq 2$$

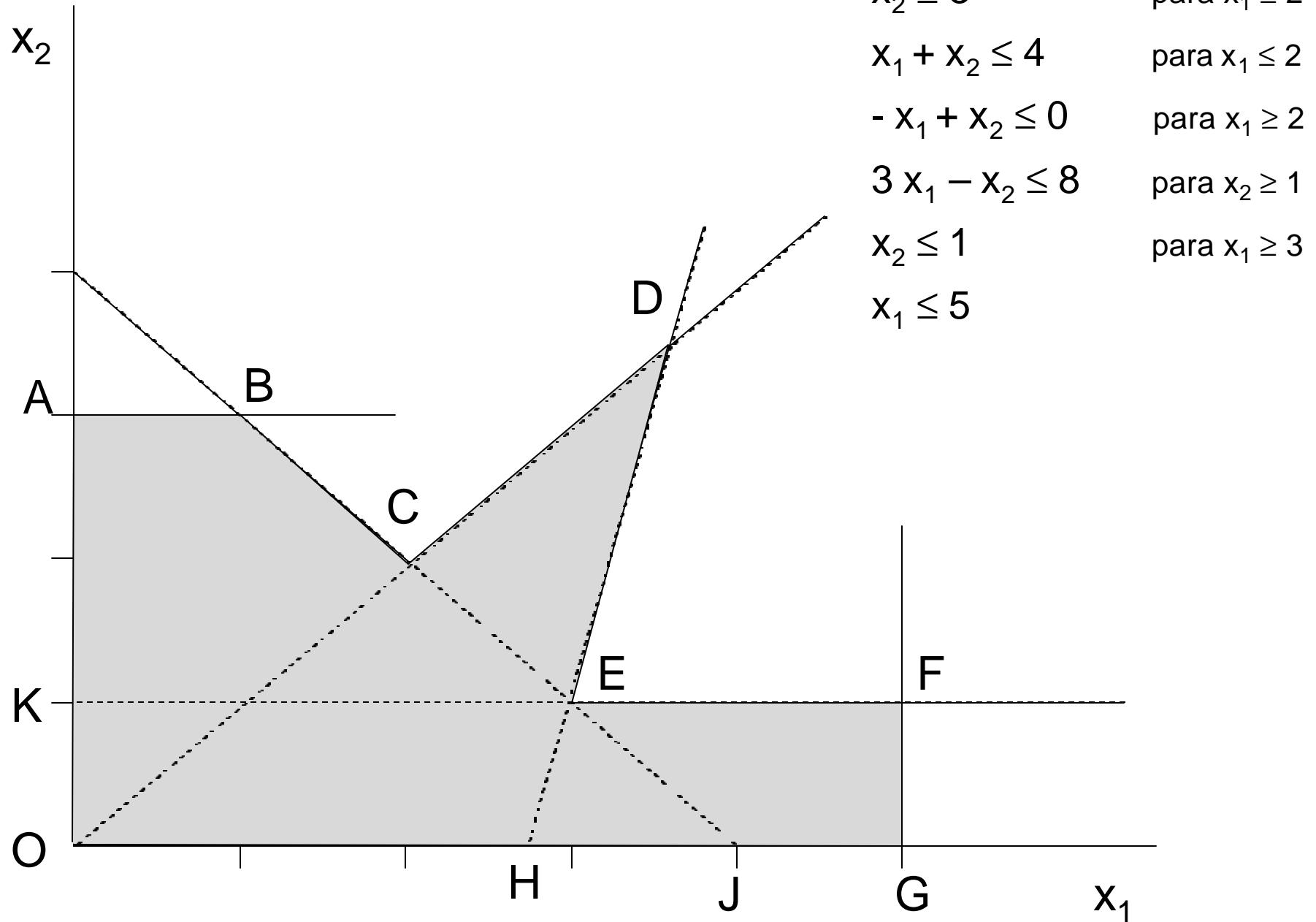
$$-x_1 + x_2 \leq 0 \quad \text{para } x_1 \geq 2$$

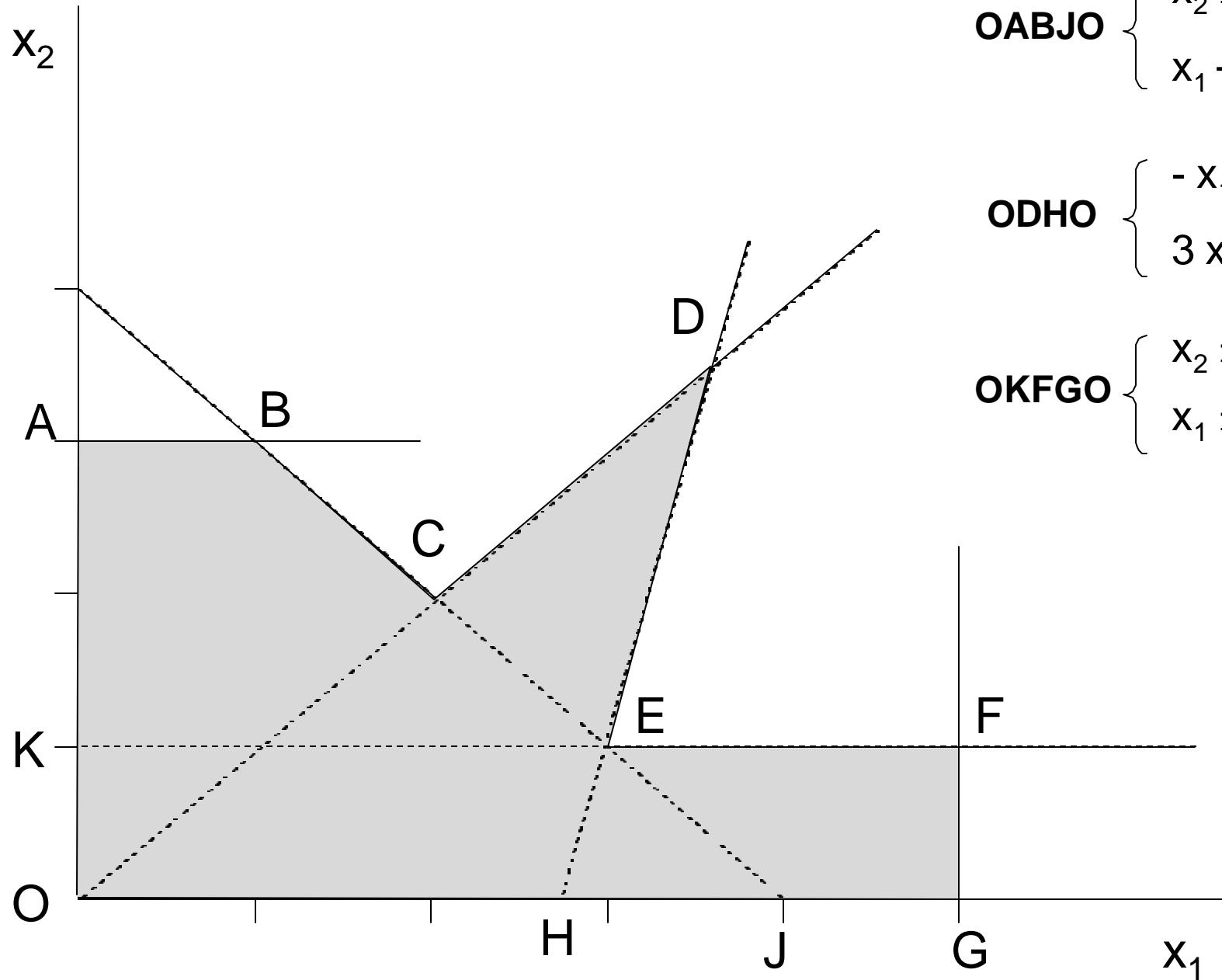
$$3x_1 - x_2 \leq 8 \quad \text{para } x_2 \geq 1$$

$$x_2 \leq 1 \quad \text{para } x_1 \geq 3$$

$$x_1 \leq 5$$







OABJO $\begin{cases} x_2 \leq 3 \\ x_1 + x_2 \leq 4 \end{cases}$

ODHO $\begin{cases} -x_1 + x_2 \leq 0 \\ 3x_1 - x_2 \leq 8 \end{cases}$

OKFGO $\begin{cases} x_2 \leq 1 \\ x_1 \leq 5 \end{cases}$

OABJO $\left\{ \begin{array}{l} x_2 \leq 3 \\ x_1 + x_2 \leq 4 \end{array} \right.$

ODHO $\left\{ \begin{array}{l} -x_1 + x_2 \leq 0 \\ 3x_1 - x_2 \leq 8 \end{array} \right.$

OKFGO $\left\{ \begin{array}{l} x_2 \leq 1 \\ x_1 \leq 5 \end{array} \right.$

OABJO

$$\left\{ \begin{array}{l} x_2 - M \cdot l_1 \leq 3 \\ x_1 + x_2 - M \cdot l_1 \leq 4 \end{array} \right.$$

ODHO

$$\left\{ \begin{array}{l} -x_1 + x_2 - M \cdot l_2 \leq 0 \\ 3x_1 - x_2 - M \cdot l_2 \leq 8 \end{array} \right.$$

OKFGO

$$\left\{ \begin{array}{l} x_2 - M \cdot l_3 \leq 1 \\ x_1 - M \cdot l_3 \leq 5 \end{array} \right.$$

$$l_1 + l_2 + l_3 = 2$$

ASIGNACIÓN

- DEBEN ASIGNARSE “n” PERSONAS A “n” TAREAS
- UNA PERSONA “i” INSUME ENPROMEDIO UN TIEMPO “ t_{ij} ” PARA REALIZAR LA TAREA “j”
- OBJETIVO: MINIMIZAR EL TIEMPO TOTAL

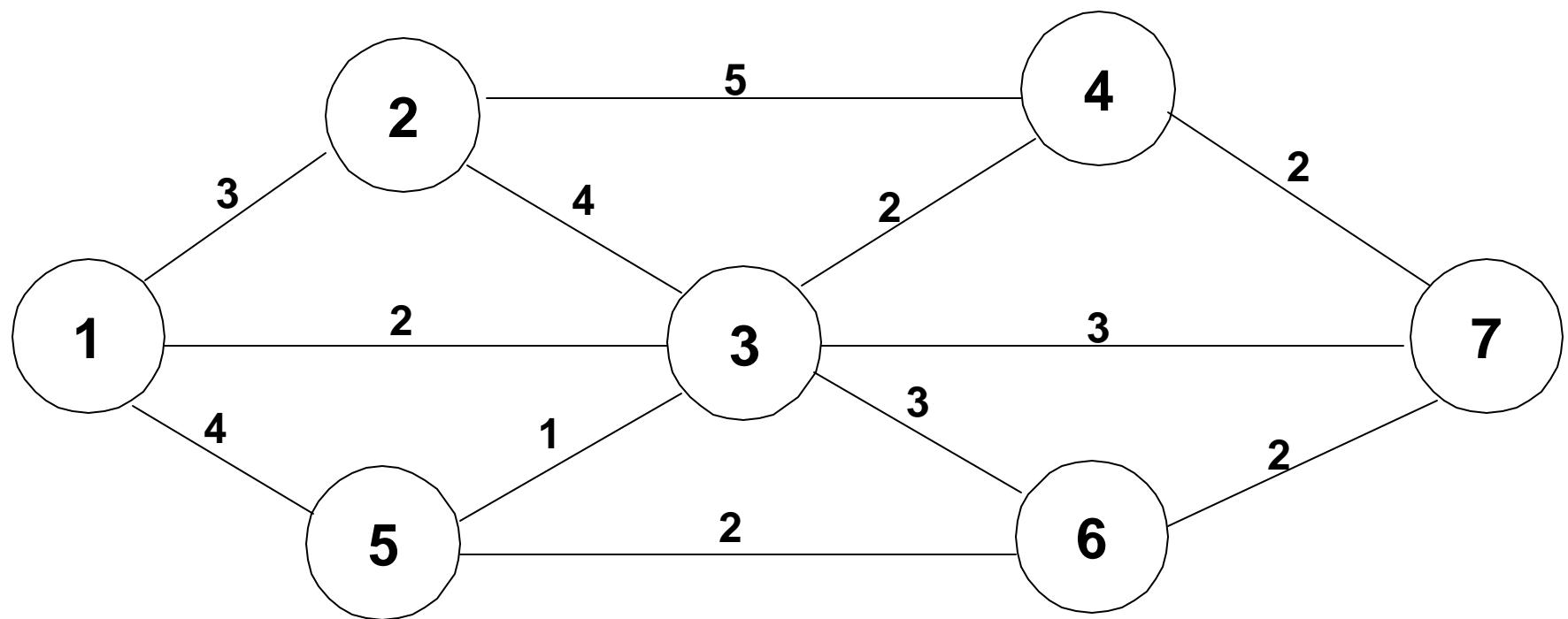
TAREAS - PERSONAS	1	2	3	4
1	3	4	6	2
2	1	5	2	2
3	3	3	2	4
4	2	4	5	3

	x_{11}	x_{12}	x_{13}	x_{14}	x_{21}	x_{22}	x_{23}	x_{24}	x_{31}	x_{32}	x_{33}	x_{34}	x_{41}	x_{42}	x_{43}	x_{44}
P1	1	1	1	1												= 1
P2					1	1	1	1								= 1
P3									1	1	1	1				= 1
P4													1	1	1	= 1
T1	1				1				1				1			= 1
T2		1				1				1			1			= 1
T3			1				1				1			1		= 1
T4				1				1				1			1	= 1
Z	3	4	6	2	1	5	2	2	3	3	2	4	2	4	5	3 P Min

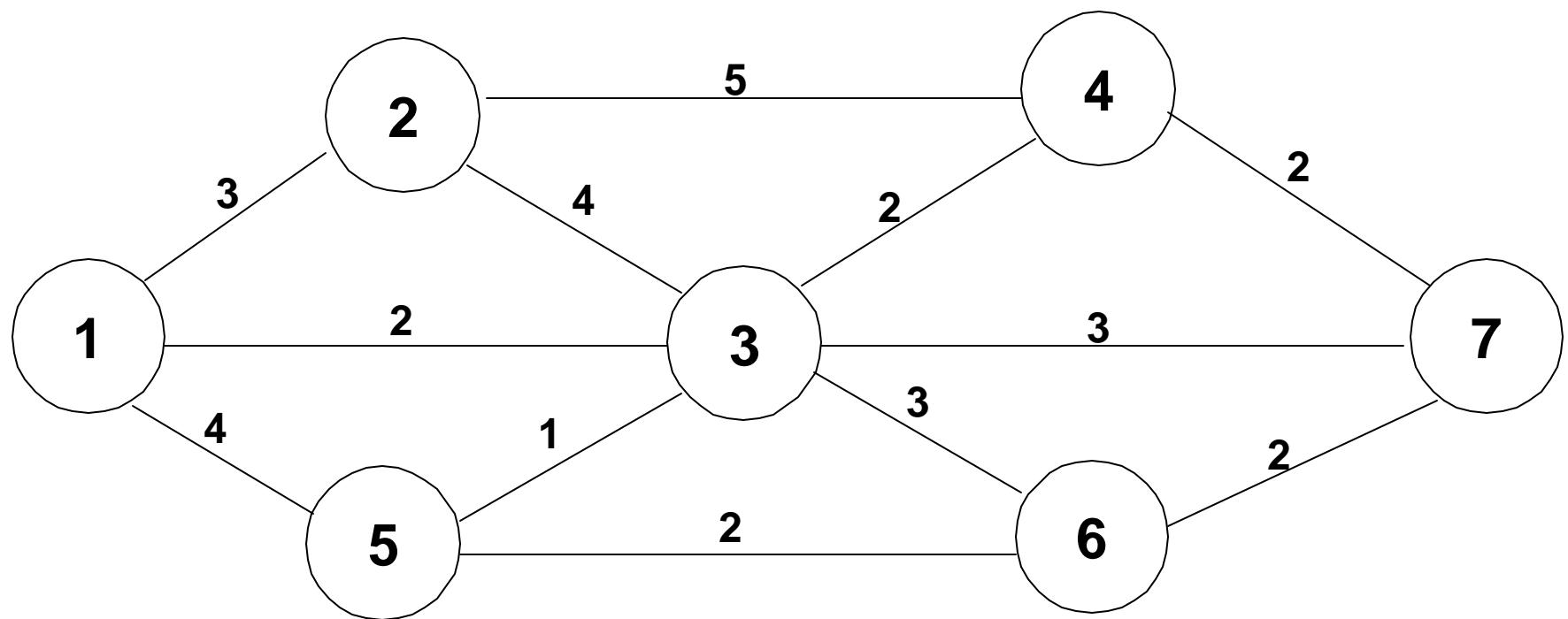
OPTIMIZACIÓN DE REDES

- CAMINO CRÍTICO
- PROGRAMACIÓN DINÁMICA
- SUMA DE FLUJOS

	x_{12}	x_{13}	x_{15}	x_{23}	x_{24}	x_{34}	x_{37}	x_{36}	x_{47}	x_{53}	x_{56}	x_{67}	
N1	-1	-1	-1										= -1
N2	1			-1	-1								= 0
N3		1		1		-1	-1	-1		1			= 0
N4					1	1			-1				= 0
N5						1				-1	-1		= 0
N6							1			1	1	-1	= 0
N7								1	1		1	1	= 1
Z	3	2	4	4	3	2	2	3	2	1	2	2	P Opt



	x_{12}	x_{13}	x_{15}	x_{23}	x_{24}	x_{34}	x_{37}	x_{36}	x_{47}	x_{53}	x_{56}	x_{67}	
N1	1	1	1										= 1
N2	1			-1	-1								= 0
N3		1		1		-1	-1	-1		1			= 0
N4					1	1			-1				= 0
N5					1					-1	-1		= 0
N6							1			1	1	-1	= 0
N7							1	1	1	1	1	1	= 1
Z	3	2	4	4	3	2	2	3	2	1	2	2	P Opt



PROBLEMA DEL VIAJANTE DE COMERCIO

- Se deben recorrer “n” ciudades
 - una por vez
 - pasando por todas
 - retornando a la primera
-
- Objetivo: Determinar el recorrido que minimice la distancia total

$$\text{MIN : } \sum d_{ij} \cdot I_{ij} + \sum d_{ji} \cdot I_{ji}$$

$$\begin{aligned} \text{Sujeto a : } & \sum I_{ij} = 1 \quad \text{para cada ciudad y siendo } i \neq j \\ & \sum I_{ji} = 1 \quad \text{para cada ciudad y siendo } i \neq j \end{aligned}$$

RECORRIDO ÚNICO IMPLICA SOLUCIÓN ÓPTIMA

$$I_{13} = I_{36} = I_{64} = I_{42} = I_{27} = I_{75} = I_{58} = I_{81} = 1$$

SUB RECORRIDOS IMPLICA SOLUCIÓN NO FACTIBLE

$$I_{13} = I_{36} = I_{64} = I_{42} = I_{21} = 1 \quad \text{y} \quad I_{75} = I_{58} = I_{87} = 1$$

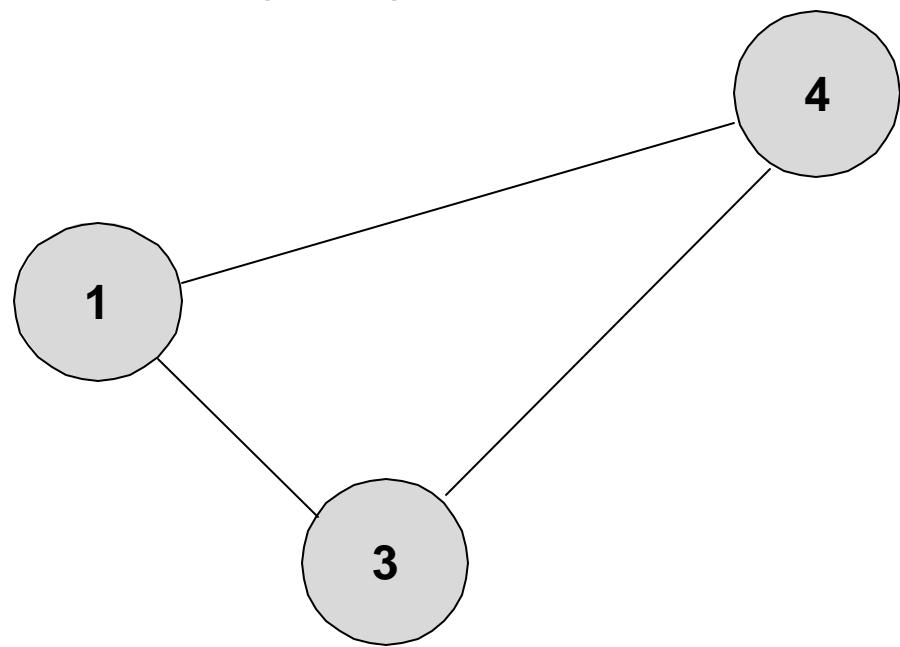
		A				
		1	2	3	4	5
De	1	--	20	4	10	35
	2	20	--	5	25	10
	3	4	5	--	6	6
	4	10	25	6	--	20
	5	35	10	6	20	--

MIN $20 I_{12} + 4 I_{13} + 10 I_{14} + 35 I_{15} +$
 $20 I_{21} + 5 I_{23} + 25 I_{24} + 10 I_{25} +$
 $4 I_{31} + 5 I_{32} + 6 I_{34} + 6 I_{35} +$
 $10 I_{41} + 25 I_{42} + 6 I_{43} + 20 I_{45} +$
 $35 I_{51} + 10 I_{52} + 6 I_{53} + 20 I_{54}$

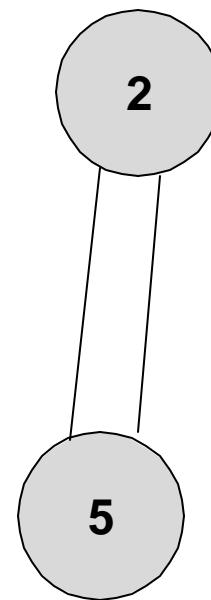
ST $I_{12} + I_{13} + I_{14} + I_{15} = 1$
 $I_{21} + I_{23} + I_{24} + I_{25} = 1$
 $I_{31} + I_{32} + I_{34} + I_{35} = 1$
 $I_{41} + I_{42} + I_{43} + I_{45} = 1$
 $I_{51} + I_{52} + I_{53} + I_{54} = 1$

 $I_{21} + I_{31} + I_{41} + I_{51} = 1$
 $I_{12} + I_{32} + I_{42} + I_{52} = 1$
 $I_{13} + I_{23} + I_{43} + I_{53} = 1$
 $I_{14} + I_{24} + I_{34} + I_{54} = 1$
 $I_{15} + I_{25} + I_{35} + I_{45} = 1$

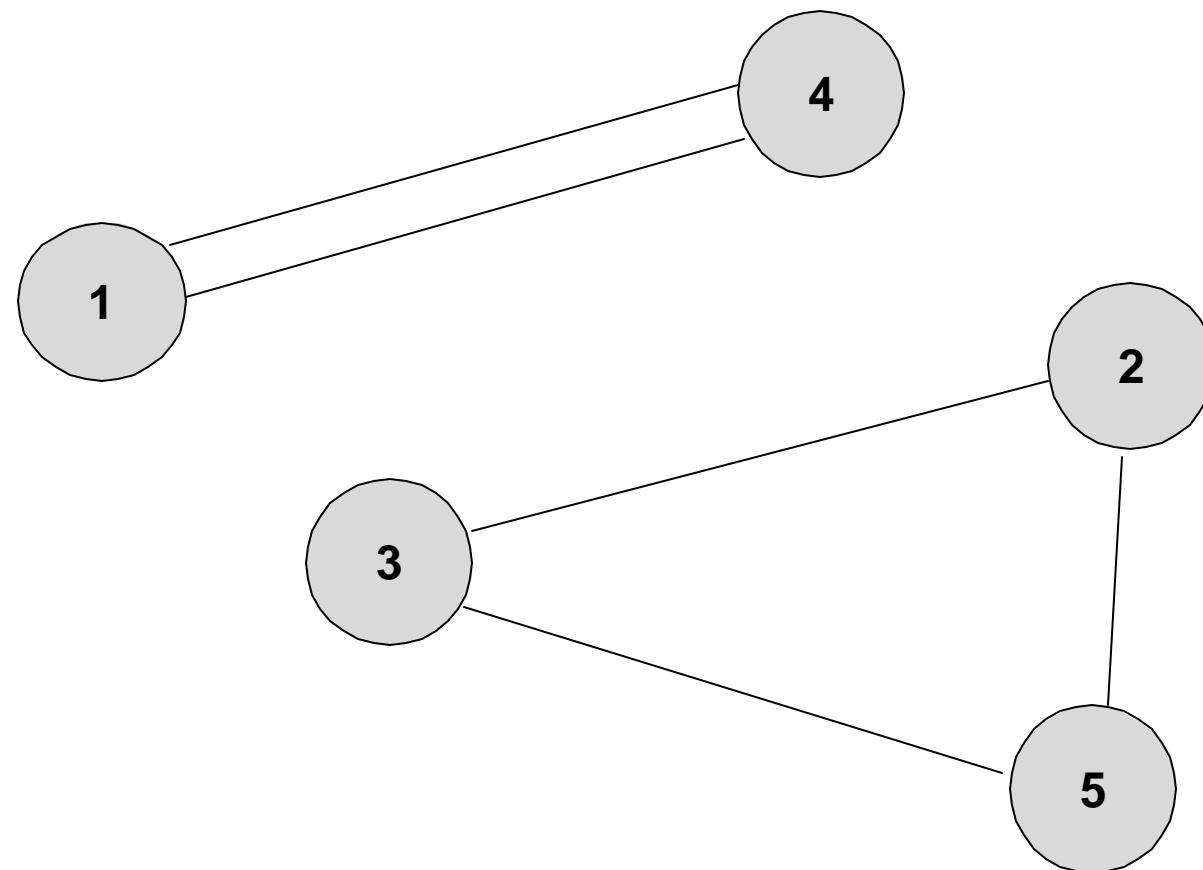
$$|14| + |43| + |31| \leq 2$$



$$|25| + |52| \leq 1$$



$$|14| + |41| \leq 1$$



$$|32| + |25| + |52| \leq 2$$

